

Ecole polytechnique fédérale de Zurich Politechnico federale svizzero di Zurigo Swiss Federal Institute of Technology Zurich

Institut für Geophysik ETH-Hönggerberg 8093 Zürich

Georg F. Schwarz, Emile E. Klingelé, Ladislaus Rybach

# Aeroradiometrische Messungen in der Umgebung der schweizerischen Kernanlagen

Bericht für das Jahr 1989 zuhanden der Hauptabteilung für die Sicherheit der Kernanlagen (HSK)

Dezember 1989

# Inhaltsverzeichnis

1 EINLEITUNG	1
2 MESSYSTEM	3
3 DATENAKQUISITION 3.1 Flugplanung 3.2 Feldmessungen 3.3 Qualitätskontrolle und Flugwegrekonstruktion	7 7 8 10
<ul> <li>4 DATENVERARBEITUNG <ul> <li>4.1 Einleitung</li> <li>4.2 Spektrumausgleich</li> <li>4.2.1 Instrumentenbackground</li> <li>4.2.2 Deadtime</li> <li>4.2.3 Drift</li> <li>4.2.4 Fensterberechnung</li> </ul> </li> <li>4.3 Background/Kosmische Strahlung</li> <li>4.4 Streuung/Spektrale Fremdbeiträge (spectral stripping)</li> <li>4.4.1 Bestimmung der Streufaktoren mittels Punktquellen</li> <li>4.4.2 Korrektur der Streufaktoren für Streuung in Luft und Untergrund</li> <li>4.4.3 Spectral-Stripping-Korrektur</li> <li>4.5 Filtern</li> <li>4.6 Normalisierung auf Referenzhöhe</li> <li>4.6.1 Bestimmung der Abschwächungskoeffizienten</li> <li>4.6.2 Höhenkorrektur</li> <li>4.7 Inversion</li> <li>4.7.1 Bestimmung der Ausbeutekurve</li> <li>4.7.2 Bestimmung der Detektorempfindlichkeit</li> <li>4.8 Kartenerstellung</li> <li>4.9 Störeffekte</li> </ul>	13 13 14 15 15 17 22 23 27 28 30 35 36 38 39 43 45 45 48 52
5 KURZKOMNMENTARE ZU DEN KARTEN 5.1 Karten KKB/PSI 5.2 Karten KKG 5.3 Karten KKM 5.4 Karten KKL	56 56 58 58 59
6 LITERATURVERZEICHNIS	60
7 BEILAGEN	62

#### **<u>1 EINLEITUNG</u>**

Im Jahre 1985 hat die Eidgenössische Kommission für die Ueberwachung der Radioaktivität (KUeR) gemeinsam mit der Schweizerischen Geophysikalischen Kommission (SGPK) eine aerogammaspektrometrische Messeinrichtung der Firma Geometrics angeschafft. In den folgenden Jahren wurde die Apparatur vom Institut für Geophysik der ETHZ für die geophysikalische Landesaufnahme eingesetzt. Die hierzu nötige Messtechnik und Datenverarbeitung (inkl. Kalibrierung und Korrekturen) werden von Georg F. Schwarz im Rahmen seiner Dissertation entwickelt.

Am 30. September 1988 wurde für die Gruppe Extern der KOMAC in der Nähe von Villingen/AG ein Demonstrationsflug mit einem Militär-Helikopter durchgeführt (Auffinden einer Punktquelle und Datenauswertung vor Ort).

In der Folge beauftragte die Hauptabteilung für die Sicherheit der Kernanlagen (HSK) die Forschungsgruppe Geothermik und Radiometrie des obenerwähnten Institutes mit der Verbesserung aeroradiometrischer Messmethoden und der Durchführung aeroradiometrischer Messungen in der Umgebung der schweizerischen Kernanlagen (Vereinbarung vom 20.6.1989).

Durch jährlich wiederholte Helikopter-Aufnahmen wird die Umgebung (rund 50 km<sup>2</sup>) der schweizerischen Kernkraftwerke und des Paul Scherrer-Instituts aerogammaspektrometrisch vermessen. Durch Abfliegen der selben, vorgängig festgelegten Flugrouten werden Vergleiche zwischen den jährlichen Messungen möglich ("Beweissicherung"). Die gemessene künstliche Radioaktivität wird auf Karten dargestellt. Die Messungen sind mit Beginn 1989, zunächst für fünf Jahre vorgesehen.

Der vorliegende Bericht fasst die Mess- und Auswertemethodik sowie die Resultate des Jahres 1989 zusammen.

Als weiteres Vorgehen soll die Methodik der aerogammaspektrometrischen Aufnahmen weiterentwickelt werden (z.B. Positionierung künftig mit Hilfe des satellitengestützten GPS-Systems (Global Positioning System)). Im weiteren werden die aeroradiometrischen Resultate mit Bodenmessungen und -analysen verglichen mit dem Ziel, quantitative Angaben über die Verteilung der Dosisleistung (in mSv/a) in der Umgebung der schweizerischen Kernanlagen zu machen. Eine Interpretation der Kartenbefunde ist ebenfalls vorgesehen. Schliesslich werden Trainingsflüge mit Militär-Helikoptern für Mitarbeiter der HSK, SUeR und NAZ durchgeführt.

Norman Marketter (1996) An entropy of Definition (1996) (1997)

וה אחר לעקביה שינור – אדר וארישעעשיים אינגעקייני ג'ישייש ג'ישייש אופר אוריעשעשיי איישי עיש ל גראנטריקאסריינגיא – אמוזיאיידיי שיניילאלטקיייידיא לישן וליייסיייעליידיאלי איישייעשיי עיש הייסיאליאלי ליש ייש איי עשיקיעלקייייליטנילאל לאיי דייטילאקילאי על היי די"טעש ליו עשי הייסיאליאלי ליש 'יש אול אייזי לעיש אולי אייזי אייע באופטייער אייד אייני או אויילעדיי אורי – הייזור אראניט איין אייזי

Quert james van hen die Hittagen Autorinanien wieden uiten en einen en einen der Ginwaisen ander Einsteinsteinstein und die Caus aufgen, migd ist die gehören up ei gehörten witten die Darch Schliegen die selben, migd ist die gehören Köngte der weiten witte Die die statistikalit an aufgehören bis samer eine Witten off verasteinen eine Die die seisen eingenet die Feringelichen witten die Witten aufgeblieft Die Miessungen die trich Biegen die die Statistikalit einen aufgeblieft Die Miessungen die trich Biegen die statistikalit einen die Statistikalit einen aufgeblieft Die Miessungen die trich Biegen die Statistikalit einen die Statistikalit einen die auffeigeblieften die Miessungen die trich Biegen die Statistikalit einen die Statistikalit einen die auffeigeblieften die Miessungen die trich Biegen die Statistikalit einen die Statistikalit einen die Statistikalit

Physical applies of a 1970-1971 of the second day with a second of the free baselines of

We we use Merris and this Metthodski fill and the titles and the Schurk Kill the Merris Methodski (1998) and the Schurk Methodski (1998) and the Schurk Methodski (1998) for the Schurk Methodski (1998).

### 2 MESSYSTEM

Die Messflüge in der Umgebung der schweizerischen Kernanlagen wurden mit einem Ecureuil-Helikopter der Firma Heliswiss AG (Belp/BE) durchgeführt.

Hersteller	Aerosp	atiale
Turbine	Turbon	néca Arriel
Leistung	523	PS
Kerosenverbrauch	165	l/h
Rotordurchmesser	10.65	m
Gesamtlänge	12.99	m
Breite	2.53	m
Hõhe	3.08	m
Leergewicht	990	kg
Max. Abhebegewicht	1950	kg
Max. Nutzlast	800	kg
Max. Flugzeit	3	h
Reisegeschwindigkeit	220	km/h
Max. Einsatzhöhe	4875	m/M
Aktionsradius	660	km

Tabelle 1: Technische Daten des für die Messflüge 1989 benutzten AS 350 B-Ecureuil Helikopters.

Die Messgeräte können auch in einem Lama-Helikopter der selben Firma eingebaut werden. Davon wird wegen der prekären Platzverhältnissen in der Kabine selten Gebrauch gemacht. Für Notfalleinsätze steht eine Einbauvorrichtung für Alouette-III Helikopter des EMD in Dübendorf zur Verfügung.

Ein Tag vor dem eigentlichen Flugbeginn wird das Messystem in die Helikopterkabine eingebaut was drei bis vier Stunden dauert. Der Detektor muss etwa 18 Stunden vor Messbeginn vorgeheizt werden, damit sich die Temperatur stabilisieren kann. Auf das Vorheizen kann bei Notfalleinsätzen auch verzichtet werden. Es muss dann aber mit verstärkter Drift gerechnet werden. Aus Gewichts- und Platzgründen kann neben dem Piloten nur eine Person mitfliegen, welche die Navigation und Gerätebedienung übernehmen muss.

#### MESSASSIEW 2

Die Mäheffung most uhmu pungeburg EbditeUn-Hiel aler Ner für nachtelen

Libulle 1 . Ferring meditation parts fundie A



Figur 1: Einbau des Messystems in einem Ecureuil-Helikopter Die gesamte Messapparatur wurde von der Firma Geometrics geliefert und ist in Figur 2 schematisch dargestellt. Sie besteht aus folgenden Komponenten:

- Detektor: Das Detektorpaket Geometrics DET-1024 enthält vier 4"x4"x16" grosse prismatische Nal-Kristalle. Jeder Kristall ist mit einem eigenen Photomultiplier ausgerüstet. Das ganze Paket ist wärmeisoliert und verfügt über eine stabilisierte Heizvorrichtung, die es erlaubt die Temperatur auf +/-0.1 °C konstant zu halten.
  - Detektorinterface: Ueber das Detektorinterface Geometrics GR-900 wird die Heizung der Detektoren geregelt. Ausserdem versorgt es die Photomultiplier mit der benötigten Hochspannung. Ueber Regler, die an der Gerätefront angebracht sind, kann die Eichung der Detektoren durchgeführt werden.

- Spektrometer: Das Spektrometer vom Typ Geometrics GR-800 verfügt über 255 Kanäle, die über den Bereich von 400 keV bis 3000 keV verteilt sind. Ein zusätzlicher Kanal dient der Registrierung der hochenergetischen, kosmischen Strahlung.
- Steuereinheit: Die Synchronisation und Steuerung des Messvorganges wird von der Steuereinheit Geometrics G-714 übernommen. Jede Sekunde wird eine Messung ausgelöst und zusammen mit der Uhrzeit, einer Laufnummer (Fiducial number) und der Flugliniennummer auf Band aufgezeichnet. Die Bedienung der Steuereinheit erfolgt während des Fluges über eine Fernbedienung. Damit kann der Messvorgang am Anfang und am Ende der Fluglinie gestartet und gestoppt werden. Für den Anschluss zusätzlicher Peripheriegeräte stehen acht Analog/Digitalwandler zur Verfügung.
- Flugwegkamera: Mit einer vertikal montierten Kamera (Automax 35 mm) wird alle drei Sekunden ein Photo des Untergrundes aufgenommen. Auf jedem Bild ist die aktuelle Laufnummer aufbelichtet. Anhand dieser Bilder kann durch Vergleich mit der Karte die effektiv geflogene Flugroute rekonstruiert werden.
- Peripheriegeräte: Als Zusatzdaten werden laufend Radarhöhe (Sperry AA-200), Luftdruck (Rosemount 1241), Aussentemperatur (Davtron 301C) und die Lagewinkel (AIM 251 CFR) des Helikopters aufgezeichnet.
- Bandgerät: Die Aufzeichnung aller Daten erfolgt auf einem Kennedy-9700 Magnetbandgerät mit einer Schreibdichte von 800 Bpi. Die Daten werden bereits während des Schreibvorganges auf Aufzeichnungsfehler hin kontrolliert (read after write).
- Analogschreiber: Auf dem Analogschreiber GR-33 der Firma RMS können die Daten auch während des Fluges auf Papier ausgegeben werden.

Das Einbaugewicht aller Geräte beträgt ungefähr 200 kg, der Stromverbrauch von 30 A bei 28 V wird vom Helikopter geliefert. Um die Stromversorgung auch am Boden zu gewährleisten (die Heizung der Detektoren benötigt ständig Strom), steht ein leistungsfähiges Netzteil zur Verfügung.

# Data Collection System



Sensors



Figur 2: Schema der Messapparatur

- 6 -

#### **3 DATENAKQUISITION**

Eine aerogammaspektrometrische Messkampagne lässt sich grundsätzlich in drei Phasen gliedern:

-Flugplanung: Festlegung der globalen Flugparameter.

- -Messflüge: Die eigentlichen Messungen sowie die tägliche Wartung des Messystems.
- -Qualitätskontrolle und Flugwegrekonstruktion: Ueberprüfung der Datenqualität im Anschluss an die Messungen, sowie Bestimmung des effektiv geflogenen Flugweges.

## 3.1 Flugplanung

In der Planungsphase werden die Grenzen des Untersuchungsgebiets, der Fluglinienabstand sowie die Flughöhe festgelegt. Für die Messungen in der Umgebung der schweizerischen Kernanlagen wurden folgende Werte gewählt:

Tabelle 2: Flugparameter für die Messflüge in der Umgebung der schweizerischen Kernanlagen.

Mess- gebiet	Längs- linien- abstand [m]	Fläche [km²]	Flug- richtung [Grad]	Flughöhe [m]	Flugge- schwind- igkeit [m/s]	Sample- intervall[s]
Mühleberg	250	50	60/240	100	25	- 1
Leibstadt	250	30	70/250	100	25	1
Beznau/PSI	250	50	40/220	100	25	
Gösgen	250	50	0/180	100	25	1

Der gewählte Längslinienabstand von 250 m entspricht bei einer Flughöhe von 100 m ungefähr der Reichweite einer Punktquelle mit einer Aktivität von 0.9 GBq (25 mCi). Aus Sicherheitsgründen konnte das umzäunte Gelände um die Kernanlagen nicht direkt überflogen werden. Die Flugrichtungen wurden deshalb so gewählt, dass die KKW-Areale jeweils zwischen zwei Fluglinien, etwa in der Mitte des abgeflogenen Gebiets zu liegen kommen.

Die Fluglinien und Gebietsgrenzen wurden auf Originalkarten (Landestopographie) im Massstab 1:25000 aufgezeichnet. Auf denselben Karten werden alle Lufthindernisse wie Seilbahnen, Heukabel, Hochspannungsleitungen, Hochkamine usw. eingetragen. Die so erstellte Flugkarte wird als Grundlage für die Navigation verwendet.

Nach dem Einbau des Messystems am 25.8.89 konnten die Messungen in der Zeit vom 28.8.89 bis zum 31.8.89 (KKM, KKL, KKB/PSI und Kalibrationsflüge), sowie am 11.9.89 (KKG) durchgeführt werden. Für die Vermessung der insgesamt 800 km Messstrecke und der Kalibrationsflüge wurden insgesamt 1541 Flugminuten benötigt.

Datum	Eff. Messzeit [s]	Flug- strecke [km]
28.8.89	7550	220
29.8.89	3500	130
30.8.89	7980	230
11.9.89	6710	220
29.8.89	3050	
31.8.89	1580	1.1
	Datum 28.8.89 29.8.89 30.8.89 11.9.89 29.8.89 31.8.89	Datum         Eff. Messzeit [s]           28.8.89         7550           29.8.89         3500           30.8.89         7980           11.9.89         6710           29.8.89         3050           31.8.89         1580

Tabelle 3: Zusammenstellung der Flugdaten 1989



#### 3.2 Feldmessungen

Wegen der Komplexität des Messystems ist eine sorgfältige Kalibration und Ueberwachung der Geräte von grosser Bedeutung.

Vor jedem Messflug wird eine Energieeichung durchgeführt. Dazu wird eine 370 KBq (10 µCi) Cs<sup>137</sup> verwendet, die in einem Abstand von 47 cm vom Detektor aufgestellt wird. Das Spektrometer zeigt im Kalibrationsmodus das Verhältnis von linker zu rechter Peakhälfte an. Damit lässt sich jeder einzelne Detektorkristall sehr genau auf die Gammaenergie des Caesiumpeaks (661 keV) einstellen. Anschliessend wird das Spektrum der Cs<sup>137</sup>-Quelle auf dem Analogschreiber ausgedruckt und die Energieauflösung (siehe 4.2 Spektrumausgleich ) der Detektoren berechnet. Als abschliessende Kontrolle wird ein Thoriumspektrum aufgenommen und die Qualität der Energieeichung anhand des Tl<sup>208</sup> Peaks bei 2615 keV kontrolliert.

Zu Beginn und am Ende jedes Messfluges werden zwei Testlinien aufgezeichnet. Um die Funktionstüchtigkeit des Messystems zu überprüfen wird das Gerät noch am Boden während 30 s eingeschaltet. Die so gewonnenen Daten können auch zur nachträglichen Energieeichung herangezogen werden.

Die zweite Testlinie dient der Ueberwachung des Radongehaltes der Atmosphäre. Sie wird in einer Höhe von 305 m (1000 ft) über Grund immer an der gleichen Stelle durchgeführt. Testlinien deren Werte stark vom Mittelwert aller Testlinien an der jeweiligen Basis abweichen, deuten auf eine erhöhte Radonkonzentration in der Atmosphäre, wie sie z.B. nach Regenfällen auftreten kann, hin. Flüge, die während solcher Perioden durchgeführt wurden, sollten mit Vorteil wiederholt werden.

Die Navigation erfolgt visuell anhand der Flugkarten, wobei der Navigator auch die Flughindernisse beachten muss. Aus Sicherheitsgründen muss sich die Gerätebedienung während des Fluges auf ein absolutes Minimum beschränken. Es wird nur kontrolliert, ob die Daten registriert werden. Die Laufnummern vom Beginn und Ende jeder Fluglinie werden in einem Flugprotokoll festgehalten. Ausserdem werden Linienanfang und Linienende auf der Flugkarte mit Pfeilen markiert.

Eine Tankfüllung von 400-500 Litern reicht etwa für 120-150 Flugminuten. Die effektive Messzeit während eines Fluges beträgt etwa 70 Minuten was, ungefähr 100 Km Messstrecke entspricht.

Parallel zu den Flügen werden an der Basisstation am Boden Luftdruck, Temperatur und Luftfeuchtigkeit aufgezeichnet. Bei einigen Messkampagnen wurde ausserdem der Radongehalt mit einem Radonmonitor kontinuierlich registriert.

#### 3.3 Qualitätskontrolle und Flugwegrekonstruktion

Die Qualitätskontrolle der Messdaten erfolgt direkt im Anschluss an jeden Messflug auf der Helibasis selber. Der Auswertrecomputer muss deshalb transportierbar sein. Als Auswertesystem reicht bereits folgende Minimalkonfiguration:

- IBM AT Personalcomputer oder dazu kompatibles Modell mit numerischem Koprozessor (80287) und 640 KB Speicher
- Festplatte mit mindestens 100 MB Kapazität und ein 1.2 MB Diskettenlaufwerk
  - Graphikkmonitor, mit Vorteil farbig
- Bandstation Kennedy 9600 mit umschaltbarer Schreibdichte (800 und 1600 Bpi)
- Matrixdrucker oder Penplotter

Für die Datensichtung im Feld wurde ein integriertes Programmpaket entwickelt, das nicht nur der Qualitätskontrolle dient, sondern auch eine vollständige Auswertung der Daten, inklusive Kartenherstellung, im Feld ermöglicht (Schwarz 1988). Die Bedienung der Software erfolgt über eine voll menügesteuerte Benutzeroberfläche und ist auch von Nicht-Computerfachleuten leicht zu erlernen. In Tabelle 4 sind die Funktionen des Programmpakets aufgeführt.

Für eine erste Kontrolle werden die Originalbänder eingelesen und auf Schreibfehler hin kontrolliert. Im weiteren wird die Energieeichung und die Energieauflösung des Messystems überprüft. Fehlerhafte Stellen werden gelöscht und Irrtümer des Operators, wie die Eingabe eines falschen Datums oder Nichtwechseln der Liniennummer, korrigiert. Von den korrigierten Bändern wird eine Sicherungskopie erstellt.

File Prototo Intel Control Anno 1997 Intel Michael and State Control (Control ( (Control Tabelle 4 : Uebersicht über die Funktionen des Programmpakets GAMERO.

Hauptmodul	Submodul	Funktion
Define	Windows Def Recorder Def	Fenstergrenzen/Peaks Eichkonstanten des Messystems
Prepare	Read Tape Check Raw Edit Raw Dump Tape Backup	Einlesen von Magnetbändern Syntax Test der Rohdaten Aendern der Rohdaten Hex-Ausdruck der Rohdaten Sicherungskopie erstellen
Reduce	Edit Header Gain Anal View Spec Compact	Zusatzdaten eingeben Kontrolle der Energieeichung Darstellung von Spektren Reduktion auf Fenstersummen
Analog	Radar Baro Attitude Line Coordinates	Korrektur der Radarhöhe Korrektur der Barohöhe Korrektur der Fluglagedaten Darstellung von Fluglinien Manuelle Eingabe der Koordinaten von Linienbeginn und Linienende
Geometry	Check RawCoor Plot RawCoor Edit RawCoor Merge RawCoor Assign Coor Plot Coor Edit Coor	Ueberprüfen der Rohkoordinaten Kontrollplot der Rohkoordinaten Aendern der Rohkoordinaten Zusammenfassen der Rohkoordinaten Zuweisung Koordinaten ↔ Messpunkte Flugwegkarte Aendern der Koordinaten
Strip	Calc Backgr Edit Backgr Strip Coeffs Strip Corr	Bestimmung des Backgrounds Aendern der Background- Korrekturfaktoren Aendern der Spectral-Stripping- Korrekturfaktoren Spectral-Stripping-Korrektur

- 11 -

Haptmodul	Submodul	Funktion
Normal	Calc Atten	Bestimmung der Abschwächungs- koeffizienten
	Edit Atten	Aenderung der Abschwächungs-
	Alt Corr	Höhenkorrektur
Grid	Make Grid	Grid-Generierung
	Smooth	Glätten eines Grids
	Ratio	Verhaltnis zweier Fenster
Мар	Pixel Map	Pixel-Karte
	Isoline Map	Isolinien-Karte
Output	and and a second s	Ausgabe der Graphiken auf Drucker oder Plotter

Die Lokalisation der Messpunkte erfolgt durch Vergleich der Photos der Flugwegkamera mit der Karte. Anhand markanter Objekte wie Häusern, Bächen, Wegen usw. lässt sich die Position mit etwa 50 m Genauigkeit bestimmen und zusammen mit der Laufnummer auf der Karte einzeichnen. Dieser sehr zeitaufwendige Vorgang wird "spoting" genannt und meist von StudentInnen durchgeführt. Die so bestimmten Flugwege werden digitalisiert und den Messdaten zugeordnet. Die Abweichung der der tatsächlich geflogenen Flugrouten von den geplanten Ideallinien war sehr gering. Sie betrug, von wenigen Ausnahmen abgesehen, 20 m bis 40 m.

Um Schnellauswertungen ausführen zu können, reicht es in den meisten Fällen mit den Anfangs- und Endpunkten einer Fluglinie zu arbeiten. Ihre Position wird bereits während der Messung auf der Flugkarte markiert. Bei Notfalleinsätzen, wo die Strahlungskarten sofort benötigt werden, ist dies beim heutigen Ausbaugrad des Messystems (ohne Satellitenpositionierungssystem) die einzige Methode.

#### 4 DATENVERARBEITUNG

#### 4.1 Einleitung

Bei aeroradiometrischen Messungen wird Strahlung aus den verschiedensten Quellen empfangen. Die wichtigsten sind :

- Bodenstrahlung
- Atmosphärische Strahlung
- Kosmische Strahlung
- Helikopter- und Detektorbackground



Figur 3: Messituation bei aerogammaspektrometrischen Messungen

Mit den Grundkorrekturen werden die Messdaten in vier Schritten auf den Beitrag der direkten Bodenstrahlung reduziert.

- Spektrumausgleich: Korrektur von Drift und Deadtime des Spektrometers.
- Helikopterbackground und kosmische Strahlung: Entfernung der Beiträge der Hintergrundsstrahlung des Helikopters sowie der kosmischen Strahlung.

- Streuung und spektrale Fremdbeiträge: Reduktion auf den primären (direkten) Strahlungsbeitrag durch Entfernung der Streu- und Ueberlagerungseffekte.
- Radon: Korrektur des Beitrags des atmosphärischen Radons (in der Auswertung für diesen Bericht nicht enthalten).

Die korrigierte Zählrate wird anschliessend gefiltert und mit der Höhenkorrektur auf eine einheitliche Referenzhöhe normalisiert und kann mit den entsprechenden Konversionsfaktoren in absolute Einheiten umgerechnet werden.

#### 4.2 Spektrumausgleich

Die drei wichtigsten Störeffekte im Messystem selbst sind:

- Instrumentenbackground
- Deadtime
- Drift

Mit Hilfe der Spektrumausgleichskorrektur werden die Störeffekte des Messystems soweit als möglich eliminiert. Alle Spektren werden auf eine einheitliche Kanalbreite normiert und die Deadtimekorrektur durchgeführt.

Der Instrumentenbackground ist durch die Elektronik des Messgerätes gegeben und kann nicht korrigiert werden. Auch eine zu starke Drift, vor allem wenn die einzelnen Photomultiplier nicht synchron driften, kann die Daten unbrauchbar machen. Es ist deshalb sehr wichtig die Datenqualität bereits im Feld zu überwachen um, schlechte Messungen auszuscheiden.

Um Speicherplatz zu sparen, werden die Daten für die weitere Auswertung komprimiert. So werden Bereiche des Spektrums die von besonderem Interesse sind, z.B. Regionen um markante Peaks, sogenannte Fenster definiert. Die Kanäle innerhalb eines solchen Fensters werden aufaddiert und ergeben die Fenstersumme mit der anschliessend weitergearbeitet wird.

#### 4.2.1 Instrumentenbackground

Der Instrumentenbackground ist durch die Elektronik des Messystems festgelegt und normalerweise sehr gering. Im Falle eines Defektes kann das Rauschen der Elektronik jedoch sehr stark zunehmen. Zur Ueberwachung werden Flüge mit konstanter Flughöhe über homogenen Quellen herangezogen.

Ueber einer konstanten Quelle ist die Standardabweichung radiometrischer Messungen gleich der Wurzel des Mittelwertes (Poissonverteilung). Wird zusätzliches Hintergrundsrauschen hinzugefügt, ist die Ungleichung 1 nicht mehr erfüllt (BFEC 1250-B).

$$s - \sqrt{x} \le s/\sqrt{2 \cdot M} + \sqrt{x/M}$$

(1)

S <sup>2</sup>	Varianz
$\overline{x}$	Mittelwert
Μ	Anzahl Messwerte

Für jeden Messpunkt (und jedes Fenster) der Kalibrationsflüge, sowie der Testlinien am Anfang jedes Messfluges, wird geprüft ob die obenstehende Ungleichung erfüllt ist.

#### 4.2.2 Deadtime

Die Zeit, die ein Messystem benötigt, um einen Messimpuls zu verarbeiten, wird Deadtime genannt. Im Gegensatz zu anderen Detektortypen, wie z.B. GM-Zählrohren, weist der Nal-Kristall selbst keine Deadtime auf. Der Analog/Digitalwandler benötigt jedoch eine gewisse Zeit, um ein Signal zu analysieren. Falls die Deadtime unabhängig von der Zählrate ist (was bei Nal-Detektoren der Fall ist), beträgt der Korrekturfaktor (nach Adams und Gasparini 1970):

$$F_{dead} = \frac{1}{1 - N_{tot} \cdot \tau}$$

F <sub>dead</sub>	Deadtime Korrekturfaktor	
N <sub>tot</sub>	Gesamt Zählrate	[cnts/s]
τ	Deadtime	[s]

Die Deadtime  $\tau$  beträgt für unser Messystem 5 µs. Die korrigierten Zählraten berechnen sich:

 $N_{corr} = N_{raw} \cdot F_{dead}$ 

(3)

(2)

N <sub>corr</sub>	Korrigierte Zählrate	[cnts/s]
N <sub>raw</sub>	Unkorrigierte Zählrate	[cnts/s]
F <sub>dead</sub>	Deadtime Korrekturfaktor	

4.....2 Peddinte

Debugent over de generalis d'a part de la déservation de la company emple Debugar en glanna "in construction construite" (p. 1997) e est 10 ° ° Serva en generalisme serva en est en entre Desaul (1997) e en significação actual debugar estar e a company est en construite e partes estar est

#### 4.2.3 Drift

Die Beziehung zwischen Spektrometerkanal und Energie der Gammastrahlung lässt sich durch eine lineare Beziehung beschreiben:

 $E = E_0 + \Delta E \cdot CH$ 

E	Energie der Gammastrahlung	[keV]
Eo	Energieoffset	*
	(meist gilt $E_0=0$ )	[keV]
ΔE	Kanalbreite	[keV]
CH	Kanalnummer	

(4)

Das Ausgangssignal, sowohl vom Detektorkristall wie auch vom Photomultiplier, ist temperaturabhängig. Obwohl das Detektorpaket in einem wärmeisolierten, geheizten Gehäuse eingebaut ist, kann in einigen Fällen, z.B. bei starker Sonneneinstrahlung, die Temperatur nicht konstant gehalten werden, was sich durch Drift bemerkbar macht. Drift wegen instabilen Verstärkern oder Analog/Digitalwandlern ist in modernen Geräten selten.

Die einzelnen Detektoren driften nie völlig synchron so, dass sich ihre Teilspektren gegeneinander verschieben. Dadurch verbreitern sich die Peaks. In schlimmen Fällen können sich sogar Doppelpeaks bilden. Starke Drift kann die Daten völlig unbrauchbar machen.

Für die nachträgliche Energieeichung anhand der gemessenen Spektren werden die immer vorhandenen, natürlichen Photopeaks bei 1460 keV von K<sup>40</sup>, 1765 keV von Bi<sup>214</sup> und 2615 keV von Tl<sup>208</sup> verwendet.

Die Form eines solchen Peaks lässt sich durch eine Gausskurve mit linearem Trend annähern:

(5)

(6)

$$f(CH) = a + b \cdot CH + A \cdot e^{\frac{-(CH_C - CH)^2}{2 \cdot s^2}}$$

СН	Kanalnummer
a+b <sup>·</sup> CH	Linearer Peakbackground
A	Peakamplitude
CH <sub>c</sub>	Zentrumskanal
s <sup>2</sup>	Varianz

Die Funktion f(CH) ist nicht linearisierbar. Für die Anpassung an die Messdaten wurde das Levenberg-Marquardt-Verfahren gewählt (Press et al. 1986, p.523). Dabei werden ausgehend von geschätzten Werten, iterativ diejenigen Parameter a, b, A, CH<sup>c</sup> und s gesucht, für die  $\chi^2$  minimal ist.

Für die erste Parameterschätzung werden die Minima links und rechts des Peaks sowie das Peakmaximum benötigt:

 $b^{0} = (I_{r} - I_{l})/(CH_{r} - CH_{l})$   $a^{0} = I_{l} - b^{0} \cdot CH_{l}$   $CH_{l}^{0} = CH_{m}$   $A^{0} = I_{m} - (a^{0} + b^{0} \cdot CH_{m})$   $s^{0} = 1$ 

CH<sub>I</sub>,CH<sub>m</sub>,CH<sub>r</sub> Kanal des linken Minimums, Maximums und rechten Minmums

I, Im, I, Zählraten in den Kanälen CH, CHm, CH,

Die Routine liefert als Resultat die Parameter a, b, A, CH<sub>c</sub> und s, sowie die zugehörigen Fehler. Aus CH<sub>c</sub> und der zugehörigen Peakenergie lässt sich die Kanalbreite berechnen:

$$\Delta E = E_C / CH_C$$

(7)

(8)

ΔE	Kanalbreite	[keV]
Ec	Peakenergie	[keV]
CH <sub>c</sub>	Zentrumskanal	

Bei 256-Kanal-Spektrometern beträgt die Kanalbreite meist 12 keV.

Die Energieauflösung ist ein Mass für die Peakbreite. Die in der Praxis verwendete FWHM-Auflösung (Full Width Half Maximum Resolution) ist über die Halbwertsbreite des Peaks definiert:

$$FWHM = \frac{\Delta CH_{1/2} \cdot \Delta E}{E_C} \cdot 100\%$$

FWHM	Energieauflösung	[%]
$\Delta CH_{1/2}$	Halbwertsbreite	
ΔE	Kanalbreite	[keV]
Ec	Peakenergie	[keV]

Die Halbwertsbreite lässt sich aus der Standardabweichung s der Gausskurve berechnen:

(9)

$$\Delta CH_{1/2} = s \cdot \sqrt{-8 \cdot \ln(1/2)}$$



Die Kanalbreite und Energieauflösung werden für jeden der deutlichen, natürlichen Photopeaks berechnet und zusammen mit dem Spektrum dargestellt.



Figur 4 : Plot eines Spektrums

Wenn das Spektrometer optimal geeicht ist, beträgt die Energieauflösung etwa 9% bei 660 keV. Durch die Verbreiterung der Peaks wegen der Drift verschlechtert sich das Energieauflösungsvermögen. Für Qualitätskontrolle können die Kanalbreiten und Energieauflösungen eines ganzen Fluges geplottet werden.



Figur 5 : Kontrollplot der Kanalbreiten und Energieauflösungen eines Messfluges

Bei guten Daten sollte die Kanalbreite ungefähr 12 keV betragen und während des ganzen Fluges konstant bleiben. Die Energieauflösung lässt sich anhand von normalen Messdaten nicht sehr genau bestimmen und streut deshalb etwas. Der Mittelwert sollte 10% nicht übersteigen.

#### 4.2.4 Fensterberechnung

Während der Messflüge werden immer die gesamten Gammaspektren aufgezeichnet. Für die weitere Verarbeitung werden die Messspektren aus folgenden Gründen auf einzelne Fenster komprimiert:

- Speicherplatzreduktion: Ein Spektrum wird mit 256 Kanälen registriert, die sehr viel Platz beanspruchen. Durch die Komprimierung auf acht Fenster wird 16 mal weniger Speicher benötigt.
- Zählstatistik: Die aus der Luft messbare Strahlungsintensität ist sehr gering. In jedem Kanal werden nur wenige Gammaquanten registriert. Durch Zusammenfassen mehrerer Kanäle kann die Zählstatistik verbessert werden.

Die Fenster werden in Spektralbereiche gelegt, die von besonderem Interesse sind. Für die Erfassung der natürlichen Radioaktivität wird der Bereich um den 1460 keV Peak von K<sup>40</sup> zur Bestimmung des Kaliumgehaltes verwendet. Bei Uran benutzt man den 1765 keV Peak der Urantochter Bi<sup>214</sup>. Für Thorium ist es die 2615 keV Linie von Tl<sup>208</sup>. Es wird angenommen, dass radioaktives Gleichgewicht herrscht. Die Wahl dieser Fenster hat sich als günstig erwiesen, weil die Absorption durch Luft bei höheren Energien abnimmt. Ausserdem liegen sie genügend weit auseinander und werden nicht von anderer Strahlung überdeckt. Ein weiteres Fenster, welches das ganze Spektrum abdeckt, dient der Erfassung der Totalstrahlung.

Für die Bestimmung der künstlichen Radioaktivität stehen ebenfalls vier Fenster zur Verfügung. Je eines im Bereich von 660 keV und 1200 keV zur Erfassung von Cs<sup>137</sup> beziehungsweise Co<sup>60</sup>, sowie die zwei Summenfenster MMGC1 und MMGC2 (Man Made Gross Count). Mit dem Energiebereich 400-1400 keV von MMGC1 wird vor allem die Strahlung aus künstlichen Quellen abgedeckt, im restlichen Bereich bis 3000 keV von MMGC2 vor allem natürliche Strahlung registriert. Spektrale Beiträge von Cs<sup>134</sup> (bei 796 keV) sind in den Aufnahmen nicht klar ersichtlich. Sie werden jedoch im MMGC1 Summenfenster miterfasst.

 Tabelle 5 : Fensterdefinition f

 Generation f

 G

Bezeichnung	Isotop	Peak- energie [keV]	Unter- grenze [keV]	Ober- grenze [keV]
Total	-	-	400	3000
Kalium	K40	1460	1360	1560
Uran	Bi <sup>214</sup>	1765	1665	1865
Thorium	TI <sup>208</sup>	2615	2415	2815
Căsium	Cs <sup>137</sup>	660	600	720
Kobalt	Co <sup>60</sup>	-	1100	1400
MMGC1	-		400	1400
MMGC2		-	1400	3000

Die Fenstersumme erhält man durch Addition aller Kanäle zwischen den Fenstergrenzen:

 $R = \sum_{CH = CH_{i}}^{CH_{u}} I_{CH}$ 

(10)

R	Fenstersumme	[cnts/s]
CH	Kanalnummer	
CH <sub>I</sub> ,CH <sub>u</sub>	Untere, obere Fenstergrenze	
I <sub>CH</sub>	Zählrate im Kanal CH	[cnts/s]

# 4.3 Background/Kosmische Strahlung

Die Intensität der kosmischen Strahlung hängt von der Mächtigkeit der Atmosphäre über dem Messpunkt und damit von Luftdruck und Meereshöhe ab.

Durch die Ablenkung der geladenen, primären Teilchenstrahlung im Erdmagnetfeld ist auch eine Abhängigkeit von der geographischen Breite feststellbar.



Figur 6 : Der Effekt von Höhe und geographischer Breite auf die Intensität der kosmischen Strahlung (nach E.M. Durrance 1986).

Der Helikopterbackground wird vor allem durch Staub in der Kabine sowie bei älteren Helikoptern durch radioaktive Leuchtfarbe an den Fluginstrumenten verursacht. Beiträge durch radioaktive Verunreinigungen im Detektor selbst (vor allem  $K^{40}$ ) werden ebenfalls dazugerechnet. Der Helikopterbackground wird als konstant betrachtet.

Die Bestimmung von Helibackground und kosmischer Strahlung beruht auf der Feststellung, dass die Form des Spektrums konstant ist und nur die Intensität variiert. Oberhalb einer Energie von 3000 keV ist keine terrestrische Gammastrahlung mehr feststellbar. Das kosmische Spektrum reicht jedoch bis 6000 keV. Im Energiebereich von 3000 keV bis 6000 keV, dem kosmischen Fenster, wird also unabhängig vom Ort immer nur kosmische Strahlung registriert. Für die Kalibration werden Flüge über grossen Seen durchgeführt. Wegen der Absorption des Wassers wird dabei keine Bodenstrahlung gemessen. Bei genügend grossen Wasserflächen ist auch der Beitrag der Atmosphäre (Radon) sehr klein, sodass nur Helikopterbackground und kosmische Strahlung registriert werden. Während der Helibackground konstant ist, nimmt der Beitrag der kosmischen Strahlung mit der Höhe zu.

Wiederholte Messungen haben gezeigt, dass ein linearer Zusammenhang zwischen der Zählrate in jedem Kanal und dem kosmischen Fenster besteht (BFEC 1250-B):

 $R = R_B + S_C \cdot R_C$ 

(11)

R	Messung	[cnts/s]
R <sub>B</sub>	Helibackground	[cnts/s]
Sc	Stripping Faktor	
R <sub>c</sub>	Kosmisches Fenster	[cnts/s]

In der Schweiz eignen sich vor allem der Genfer- und der Bodensee für Kalibrationsflüge. Als Flughöhen wurden 1830 m, 2440 m, 3050 m, 3660 m und 4270 m (6000 ft, 8000 ft, 10000 ft, 12000 ft und 14000 ft) über Meer gewählt. Die Messdauer betrug für jede Höhe jeweils fünf Minuten. Mit Hilfe linearer Regression lassen sich die Konstanten  $R_B$  und  $S_c$  für jedes Fenster beziehungsweise Kanal bestimmen.



Figur 7 : Plot des berechneten Helibackgroundes und des normalisierten kosmischen Spektrums des Kalibrationsfluges vom 31.8.1989 über dem Bodensee. Die Korrekturkonstanten für jedes Fenster sind im Kasten auf der linken Seite angegeben. Zur Kontrolle der Resultate werden die für jeden Kanal bestimmten Konstanten  $R_B(CH)$  und  $S_c(CH)$  geplottet.  $R_B(CH)$  stellt direkt das Backgroundspektrum des Helikopters dar. Es sollte möglichst niedrige Werte aufweisen und ausser dem  $K_{40}$  Peak bei 1460 keV keine weiteren deutlichen Peaks enthalten. Die Strippingfaktoren  $S_c(CH)$  können als normalisiertes Spektrum der kosmischen Strahlung interpretiert werden und sollten ausser dem Annihilationspeak bei 511 keV keine Peaks oder Löcher aufweisen.

Die Korrekturkonstanten hängen vom verwendeten Helikopter und vom Detektortyp ab. Die Kalibrationsflüge werden einmal pro Jahr oder nach einem Helikopterwechsel durchgeführt.

#### 4.4 Streuung/Spektrale Fremdbeiträge (spectral stripping)

Das während eines Messfluges registrierte Gammaspektrum ist sehr komplex. Es setzt sich aus den Strahlungsbeiträgen von mehreren Radioisotopen zusammen. Eine weitere Komplizierung erfährt das Spektrum durch Comptonstreuung in Boden, Luft und im Detektor selbst. So werden z.B. im Uranfenster nicht nur direkte Photonen von Bi<sup>214</sup>, sondern auch gestreute oder unvollständig absorbierte (Double-Escape-Peak bei 1600 keV) Anteile vom Tl<sup>208</sup> Peak bei 2615 keV registriert.

Mit der Spectral-Stripping-Korrektur werden diese Fremdbeiträge so entfernt, dass nur noch die direkte Primärstrahlung (Anteil des Photopeaks) des interssierenden Isotops übrigbleibt. Die Korrektur wird natürlich nur auf Fenster angewendet, die sich auf Photopeaks beziehen. Bei Totalfenstern ist sie sinnlos.

#### 4.4.1 Bestimmung der Streufaktoren mittels Punktquellen

Die Strippingkoeffizienten werden idealerweise mit speziellen etwa 8X8 m grossen und 50 cm dicken Kalibrationsplatten aus Beton, mit genau bekannten Uran-, Thorium-, und Kaliumgehalten, bestimmt (Ward 1978).So ist es möglich, die Effekte der Streuung im Untergrund zu bestimmen. Mit Sperrholzbrettern lässt sich auch eine absorbierende Luftschicht simulieren (Grasty 1985).

Leider stehen uns in der Schweiz keine Kalibrationsplattformen zur Verfügung. Die Streufaktoren müssen deshalb mit Punktquellen bestimmt werden. Damit lassen sich die Fremdbeiträge der anderen Nuklide, sowie die Streuung im Detektor erfassen. Die Bestimmung der Effekte der Streuung in Luft und Untergrund erfolgt auf rechnerischem Wege.

Für die Kalibration wurden Laborquellen mit Aktivitäten von ungefähr 37 KBq (1 μCi) verwendet. Die Aktivität der Eichquellen muss für die Bestimmung der Streufaktoren nicht bekannt sein, da nur mit Verhältnissen gearbeitet wird. Für jedes zu korrigierende Fenster wird die zugehörige Eichquelle benötigt. Im vorliegenden Fall sind dies je eine Kalium-, Uran-, Thorium-, Kobalt- und Cäsium-quelle.

Die Zählrate eines Fensters setzt sich aus der direkten Primärstrahlung des zugehörigen Photopeaks und den Beiträgen der anderen Komponenten zusammen. Für die weiteren Berechnungen wird angenommen, dass ein linearer Zusammenhang zwischen den Fremdbeiträgen in den anderen Fenstern und den zugehörigen Photopeakintensitäten besteht.

 $R_i = \sum_{i=1}^{J_{\max}} R_j^* \cdot f_{ji}$ 

(13)

Ri	Zählrate im Fenster i	[cnts/s]
R'i	Direkte Primärstrahlung	
	von Komponente j im Fenster j	[cnts/s]
f <sub>ji</sub>	Streufaktoren	

Für Messungen mit Kalibrationsquellen reduziert sich die obige Beziehung zu:



Für Kalibrationsquellen gilt definitionsgemäss  $R_{j}^{i}=R_{j}^{i}$ . Die Streufaktoren lassen sich wie folgt bestimmen:

 $f_{ji} = R_i^j / R_j^j$ 

(15)

(16)

Für die Fehler der Streufaktoren gilt:

 $\Delta f_{ji} = 1$ 

Die Kalibrationsmessungen wurden im Winter 1988 im Labor durchgeführt. Die Quellen wurden in einem Abstand von 1 m vom Detektor positioniert und während 100 s gemessen. Zu Beginn und am Ende eines Messzyklus wurde die Umgebungsstrahlung ohne Quellen bestimmt und von den Messspektren abgezogen. Tabelle 6 : Resultat der Bestimmung der Streufaktoren mit Punktquellen

Quellen→ Fenster↓	Cäsium	Kobalt	Kalium	Uran	Thorium
Cäsium	1.00	0.28	0.16	3.02	1.82
Kobalt	0.00	1.00	0.30	1.75	0.50
Kalium	0.00	0.15	1.00	0.72	0.37
Uran	0.00	0.00	0.00	1.00	0.24
Thorium	0.00	0.00	0.00	0.07	1.00

Tabelle 7 : Feheler der Streufaktoren

Quellen→ Fenster↓	Cäsium	Kobalt	Kallum	Uran	Thorium
Cäsium		0.01	0.05	0.11	0.08
Kobalt	0.00		0.07	0.07	0.03
Kalium	0.00	0.01	-	0.04	0.02
Uran	0.00	0.00	0.00	-	0.02
Thorium	0.00	0.00	0.00	0.01	-

Internet Set a test tetrifie US for

# 4.4.2 Korrektur der Streufaktoren für Streuung in Luft und Untergrund

In einer Punktquelle tritt keine Streuung auf. Um aus den im Abschnitt 4.4.1 gefundenen Werten für die Streufaktoren auf diejenigen Werte zu kommen, die man während der Messflüge antrifft, muss die Streuung in der Luft und im Untergrund berücksichtigt werden. Durch die zusätzliche Streuung vergrössern sich die Streufaktoren.

- 30 -

Die Zunahme mit der Höhe über einem homogenen Halbraum wird von Grasty (1975) folgendermassen angegeben:

$$\Delta f_{ji}(h) = \frac{\frac{\varepsilon_i \cdot \kappa_{ji} \cdot \lambda_i}{\varepsilon_j \cdot (\lambda_i - \lambda_j)} \cdot \left[ E_2(\mu_j \cdot h) - \frac{\lambda_j}{\lambda_i} \cdot E_2(\mu_i \cdot h) \right]}{E_2(\mu_j \cdot h) + \kappa_{jj} e^{-\mu_i \cdot h}}$$

(17)

∆f <sub>ji</sub> (h)	Zunahme des Streufaktors	
h	Höhe	[m]
$\varepsilon_i, \varepsilon_j$	Detektorausbeute (Efficiency)	
	in den Fenstern i und j	[cnts/γ]
$\lambda_i, \lambda_j$	Abschwächungskoeffizienten des	Untergrundes
	in den Fenstern i und j	[m <sup>-1</sup> ]
μ <sub>i</sub> ,μ <sub>j</sub>	Abschwächungskoeffizienten der	
	Luft in den Fenstern i und j	[m <sup>-1</sup> ]
$\kappa_{ji}$	Compton-Streufaktor, Anteil	
	der Photonen mit der	
	Energie E <sub>i</sub> die ins Fenster i	
	gestreut werden	
$\kappa_{jj}$	Compton-Streufaktor, Anteil	
	der Photonen mit der	
	Energie E <sub>i</sub> die ins Fenster j	
	gestreut werden	
E2	Exponentielles Integral	
	zweiter Ordnung	

- 31 -

4.46

Die Compton-Streufaktoren  $\kappa_{ji}$  und  $\kappa_{jj}$  lassen sich mit der Klein-Nishina-Formel berechnen:

$\kappa_{ji} = \frac{F(\beta, \Theta_i^l) - F(\beta, \Theta_i^u)}{2 \cdot G(\beta)}$			
2*0 (μ)		(18)	
$\kappa_{jj} = \frac{F(\beta, \Theta_i^l)}{2 \cdot G(\beta)}$			
2 0 (p)		(19)	
$\Theta^{l}_{i}\Theta^{u}_{i}$	Compton-Streuwinkel der Photonen für Unter- bzw.		
	Obergrenze des Fensters i		
β	Verhältnis der Photonenenergie		
	zur Ruheenergie des Elektrons $(\beta=E_i/511)$		
<b>G</b> (β)	Totaler Wirkungsquerschnitt für		
	Compton-Streuung		
$F(\beta,\Theta)$	Wirkungsquerschnitt für		
	Compton-Streuung im Streuwinke	Θ	

Für die beiden Wirkungsquerschnitte  $G(\beta)$  und  $F(\beta,\Theta)$  gilt:

$$G(\beta) = \frac{1+\beta}{\beta^2} \cdot \left[\frac{2\cdot(1+\beta)}{1+2\cdot\beta} - \frac{1}{\beta}\cdot\ln(1+2\cdot\beta)\right] + \frac{1}{2\cdot\beta}\cdot\ln(1+2\cdot\beta) - \frac{1+3\cdot\beta}{(1+2\cdot\beta)^2}$$
(20)

$$F(\beta, \Theta_i) = [2 \cdot \beta^2 \cdot (1 + \beta - \beta \cdot \cos \Theta_i)^2]^{-1} \cdot [4 + 10 \cdot \beta + 8 \cdot \beta^2 + \beta^3 - (4 + 16 \cdot \beta + 16 \cdot \beta^2 + 2 \cdot \beta^3) \cdot \cos \Theta_i + (6 \cdot \beta + 10 \cdot \beta^2 + \beta^3) \cos^2 \Theta_i - 2 \cdot \beta^2 \cdot \cos^3 \Theta_i] + \beta^{-3} \cdot (\beta^2 - 2 \cdot \beta - 2) \cdot \ln(1 + \beta - \beta \cdot \cos \Theta_i)$$

mit

$$\cos \Theta_i = 1 - \frac{1}{\beta} \cdot \left[ \frac{E_j}{E_i} - 1 \right]$$

Normalerweise wird die Höhenabhängigkeit der Streufaktoren nicht berücksichtigt. Weil Luft und Boden ungefähr das gleiche Atomgewicht haben, ist das Verhältiss der Abschwächungskoeffizienten in beiden Medien etwa gleich gross. Die Formel 17 reduziert sich auf:

$$\Delta f_{ji} = \frac{\varepsilon_i \cdot \mu_j}{\varepsilon_j \cdot \mu_i} \cdot \frac{\kappa_{ji}}{1 + \kappa_{jj}}$$

(23)

(21)

(22)

NS

Die für die numerische Auswertung der obigen Formel benötigten Abschwächungskoeffizienten der Luft wurden experimentell bestimmt (siehe 4.6.1 Bestimmung der Abschwächungskoeffizienten). Das Verhältnis der Detektorausbeutung bei verschiedenen Energien lässt sich durch eine Potenzfunktion annähern:

$$\frac{\varepsilon_i}{\varepsilon_j} = \left(\frac{E_i}{E_j}\right)^c$$

Die Detektorkonstante cist vor allem von der Detektorgrösse abhängig und wurde ebenfalls experimentell bestimmt (siehe 4.7.1 Bestimmung der Ausbeutekurve).

(24)

Die Korrektur der Streufaktoren für die zusätzliche Streuung im Untergrund ist nur für die Fenster der natürlichen Radioisotopen nötig, da nur diese eine Volumenquelle bilden. Künstliche Nuklide kommen meist als Punktquellen oder in dünnen Schichten vor, in denen die Streuung vernachlässigt werden kann. Die Korrektur wird zu den im Abschnitt 4.4.1 bestimmten Werten addiert.

Tabelle 8 : Korrekturwerte für die Streufaktoren bei Berücksichtigung der Streuung im Untergrund

Quellen→ Fenster↓	Kalium	Uran	Thorium
Kalium	0.00	0.12	0.09
Uran	0.00	0.00	0.08
Thorium	0.00	0.00	0.00
## 4.4.3 Spectral-Stripping-Korrektur

Für die Spectral-Stripping-Korrektur muss die inverse Matrix der Streufaktorenmatrix f bestimmt werden. Die Korrekturformel lautet:

 $\mathbf{R}^* = \mathbf{s} \cdot \mathbf{R}$ 

(25)

ED 4	Mandalanda Esperatoria da	F
H°	Korngiene Fensterwene	[cnts/s]
R	Unkorrigierte Fensterwerte	[cnts/s]
S	Spectral-Stripping-Matrix	
	( <b>S</b> = <b>f</b> <sup>-1</sup> )	

Zur Kontrolle der gefundenen Daten wurde die Inversion der Streufaktorenmatrix mit der in der Aerogammaspektrometrie üblichen Näherung (Diagonalelemente immer 1) durchgeführt. Die Vergleichswerte stammen von Messungen der Herstellerfirma der Detektoren mit typengleichen Messystemen Lama I und Lama II (EG+G Geometrics 1980).

Tabelle 9 : Vergleich der Stripping-Faktoren der natürlichen Radioisotopen mit an typengleichen Messystemen (Lama I und Lama II der Herstellerfirma EG+G Geometrics) bestimmten Werten.

Messystem→ Stripping- Faktoren↓	ETH	Lama I N49319	Lama II N47319
SUK	-0.84	-0.82	-0.82
S <sub>TU</sub>	-0.29	-0.28	-0.28
STK	-0.22	-0.18	-0.17
S <sub>KU</sub>	0.00	0.00	0.00
SUT	-0.07	-0.07	-0.07
S <sub>KT</sub>	0.00	0.00	0.00

Die Spectral-Stripping-Faktoren werden in erster Linie durch Detektorgrösse und Detektorform bestimmt. Die Einflüsse des Helikopters sind nur von untergeordneter Bedeutung. Im Prinzip genügt es, die Faktoren einmal zu bestimmen. Aus Kontrollgründen erfolgt wird die Bestimmung jedoch jährlich durchgeführt.

## 4.5 Filtern

Die Standardabweichung aerogammaspektrometrischer Messungen über einer konstanten Quelle ist gleich der Wurzel des Messwertes (Poissonverteilung). Besonders schwache Messignale weisen deshalb eine sehr grosse Streuung auf und müssen für die weitere Verarbeitung geglättet werden. Wegen der Absorption der Luft sind Anomalien, vor allem wenn sie durch Punktquellen verursacht werden, oft sehr schmal. Die üblichen Filter, wie Tiefpassfilter oder gleitende Mittelwertbildung, sind zur Glättung nicht besonders gut geeignet, weil sie schmale Anomalien verwischen.

Von Mathis (1987) wurde für gammaspektrometrische Daten ein adaptives Filter vorgeschlagen, das zusätzlich die im Totalfenster vorhandene Information miteinbezieht. Das Prinzip des Filters ist sehr einfach. Es beruht auf folgenden Tatsachen:

- Im Totalfenster sind die Counts jedes Energiefensters enthalten.
- Die Werte im Totalfenster streuen wegen der höheren Zählrate weniger stark als die Werte in den einzelnen Energiefenstern.

Die für die Filterung der Fluglinien benötigten Filtergewichte werden anhand des weniger streuenden Totalcount-Signals berechnet und auf das jeweilige Energiefenster angewendet. Die Filterfunktion lautet:

$y_i^* = \sum_{j=i-(w-1)/2}^{i+(w-1)/2} a_{ij} \cdot y_j$				
			(26)	
y i	Gefilterte Werte			
Yi	Ungefilterte Wert	e		
a <sub>ij</sub>	Filtergewichte			
W	Filterlänge			

Dis Strike und Striktung weigen genommen singen, meins zum Ernen in dig eine Detwekkenten bereichten im Britiktung besteht in uptans von einen understeht wei der eine strike im Britische Striktung der Britische Striktung und eine Striktung und singen eine Kertigen eine Striktung und Striktung besteht in die Striktung von eine Striktung und singen eine Die benötigten Gewichte a<sub>ii</sub> berechnen sich wie folgt:

$$a_{ij} = erfc(z_{ij}) / \sum_{k=i-(w-1)/2}^{i+(w-1)/2} erfc(z_{ik})$$

mit

$$z_{ij} = \frac{|G_i - G_j|}{\sqrt{G_i + G_j}}$$

(28)

(27)

G<sub>i</sub>,G<sub>i</sub> Totalcount Werte

Die Funktion der Filtergewichte wurde so gewählt, dass sie bei kleinen  $z_{ij}$  (d.h. wenn  $G_i \approx G_j$ ) grosse und bei grossen  $z_{ij}$  kleine Gewichte liefert. Wenn das Stützsignal konstant ist, entspricht das Mathis-Filter einer normalen gleitenden Mittelwertbildung. In Fluglinienabschnitten wo das Totalcountsignal Peaks oder Sprünge enthält (und damit eines oder mehrere der Fenstersignale auch Peaks aufweisen), wird weniger stark geglättet. So wird es möglich mit grösseren Filterlängen zu arbeiten ohne die Anomalien zu stark zu verwischen.

Für die synthetischen Beispiele wurde die Stützfunktion G aus den Signalen  $Y_1$  und Y nach der Formel G=10  $Y_1$ +5 Y konstruiert. Zum Y-Signal wurde Poisson-Noise addiert ( $Y_n$ ) und jeweils mit einem Tiefpassfilter und dem Mathisfilter geglättet.



Die beiden untenstehenden Beispiele zeigen die deutliche Verbesserung durch das neue Filter.



Figur 8 : Gleitende Mittelwertbildung (links) und Mathisfilter (rechts) auf ein synthetisches Signal angewendet (aus Mathis 1987).

Für die Filterung von aerogammaspektrometrischen Daten haben sich Filterlängen zwischen 15 und 25 Messwerten als optimal erwiesen.

## 4.6 Normalisierung auf Referenzhöhe

Variationen in der Flughöhe stellen den grössten Störeinfluss auf aerogammaspektrometrische Messungen dar. Wegen der Absorption von Gammastrahlung in der Luft nimmt die Strahlungintensität mit zunehmendem Abstand von der Quelle sehr schnell ab. Bereits bei Flughöhen von 300 m bis 400 m über Grund wird nur noch sehr wenig Strahlung vom Untergrund gemessen.

Mit der Höhenkorrektur werden die Daten auf eine einheitliche Referenzhöhe normalisiert. Dabei wird angenommen, dass die Intensität nur von der Flughöhe abhängt. Dies entspricht der Bedingung, dass sich das überflogene Terrain für jeden Messpunkt durch einen Halbraum mit homogener Aktivitätsverteilung annähern lässt. Der Einflussbereich einer Messung beträgt rund 500 m (bei einer Flughöhe von 100 m). Der Untergrund sollte sich also durch 500 m X 500 m grosse, ebene Stücke aproximieren lassen, was in flachem oder leicht hügeligem Gelände möglich ist. Als Korrekturfunktion wird die Abnahme der Zählrate über einem Halbraum mit homogener Aktivitätsverteilung für primäre Quanten verwendet:

$$I(h) = I_0 \cdot E_2(\mu \cdot h)$$

(29)

h	Höhe	[m]
l(h)	Zählrate in der Höhe h	[cnts/s]
l <sub>o</sub>	Zählrate am Boden	[cnts/s]
μ	Abschwächungskoeffizient	[m <sup>-1</sup> ]
E <sub>2</sub>	Exponentielles Integral 2. Ordr	nung

Der Abschwächungskoeffizient  $\mu$  ist energieabhängig. Für Totalfenster, die einen grossen Energiebereich abdecken und auch gestreute Anteile enthalten, sowie für Isotopen mit unbekannter Tiefenverteilung (Co<sup>60</sup> und Cs<sup>137</sup>) gilt die obige Beziehung nicht. Stattdessen wird mit einer einfacheren Näherung gearbeitet:

 $I(h) = I_0 \cdot e^{-(\overline{\mu} \cdot h)}$ 

(30)

Der "exponentielle" Abschwächungskoeffizient  $\overline{\mu}$  muss experimentell bestimmt werden und ist nur für einen bestimmten Detetor bzw. Aktivitätsverteilung gültig.

## 4.6.1 Bestimmung der Abschwächungskoeffizienten

Zur Bestimmung der Abschwächungskoeffizienten der Kalium-, Uran-, Thoriumund Totalcountfenster kann die natürliche Radioaktivität verwendet werden (für Cs<sup>137</sup> und Co<sup>60</sup> siehe Abschnitt 4.7.1).

Dazu werden über ebenem Gelände mit möglichst homogener Radionuklidverteilung, Messflüge in den Höhen 30.5 m, 61 m, 91.5 m, 122 m, 152.5 m, 229 m und 305 m von je 100 s Dauer durchgeführt. Die Daten werden auf die direkte Bodenstrahlung reduziert (Entfernung der Beiträge von Background und kosmischer Strahlung sowie Spectral-Stripping-Korrektur). Anhand der Abnahme der Zählrate mit zunehmender Höhe, lassen sich die Abschwächungskoeffizienten für jedes Fenster bestimmen. Für die Totalfenster wird eine Exponentialfunktion mit der Methode der kleinsten Quadrate an die Messdaten angepasst. Als Resultat erhält man die Zählrate am Boden sowie den "exponentiellen" Abschwächungskoeffizienten. Analog wird beim Kalium- und Thoriumfenster vorgegangen. Als Fitfunktion wird Formel 29 verwendet. Die Anpassung erfolgt mit dem Levenberg-Marquart-Verfahren.



Figur 9 : Beispiel einer Abschwächungskoeffizienten-Bestimmung für das Kaliumfenster.

a ser a de la ser a la ser a da ser de la ser a Martino de Martino de la ser la 1 - 2006 en 61 en 93 - 1 a 13 - 1 43 e en 11 -Martino de la ser a la 61 a Station de la ser de la ser a Martino de la ser a la 61 a Station de la ser a s Beim Uranfenster muss der Beitrag des atmosphärischen Radons, der sich in erster Näherung als zusätzlicher konstanter Term äussert, berücksichtigt werden:

$$I(h) = I_R + I_0 \cdot E_2(\mu \cdot h)$$

(31)

Durch Differentiation kann der störende Term I<sub>R</sub> eliminiert werden:

$$\frac{dI}{dh} = -h \cdot I_0 E_1(\mu \cdot h)$$

(32)

h	Höhe	[m]
l(h)	Zählrate in Höhe h	[cnts/s]
I <sub>R</sub>	Beitrag des Radons	[cnts/s]
l <sub>o</sub>	Zählrate am Boden	[cnts/s]
μ	Abschwächungskoeffizient	[m <sup>-1</sup> ]
E <sub>2</sub>	Exponentielles Integral	
	2. Ordnung	
E,	Exponentielles Integral	
	1. Ordnung	

Diese Funktion wird nun an die numerische Ableitung der Daten angepasst. Mit dem so gefundenen  $\mu$  kann in einem zweiten Schritt mit der Formel 31 I<sub>R</sub> und I<sub>0</sub> bestimmt werden.

Der Abschwächungskoeffizient hängt von der Dichte des Absorbers ab. Die Dichte der Luft ist druck- und temperaturabhängig. Die Koeffizienten müssen deshalb noch auf ein einheitliches Druck- und Temperaturniveau normalisiert werden:

$$\mu_{ref} = \mu_{mes} \cdot \frac{T_{mes}}{273.15} \cdot \frac{1013.25}{P_{mes}}$$

(33)

μ <sub>ref</sub>	Korrigierter	
	Abschwächungskoeffizient	[m <sup>-1</sup> ]
μ <sub>mes</sub>	Unkorrigierter	
	Abschwächungskoeffizient	[m <sup>-1</sup> ]
T <sub>mes</sub>	Gemessene Temperatur	[°C]
P <sub>mes</sub>	Gemessener Luftdruck	[HPa]

Die Bestimmung der Abschwächungskoeffizienten erfolgt einmal pro Jahr.

Tabelle 10 : Resultate der Abschwächungskoeffizienten-Bestimmung vom 29.8.1989 in Spiez. Die mit bezeichneten Werte stellen "exponentielle" Abschwächungskoeffizienten dar. Die Referenzwerte stammen aus Adams und Gasparini (1970).

Fenster	µ <sub>єтн</sub> [m <sup>-1</sup> ]	Δμ <sub>ΕΤΗ</sub> [m <sup>-1</sup> ]	µ <sub>Referenz</sub> [m <sup>*1</sup> ]
Total	.0078	.0003	-
Kalium	.0060	.0008	.0068
Uran	.0046	.0114	.0061
Thorium	.0049	.0044	.0051
Cäsium	.0092	-	.0100
Kobalt	.0075	-	.0080
MMGC1	.0081	.0003	
MMGC2	.0077	.0003	-

Vergleicht man die gemessenen Werte mit den in der Literatur publizierten (Adams und Gasparini 1970), so fällt auf, dass die experimentell bestimmten Werte für µ generell niedriger sind. Der Grund dieser Erniedrigung liegt darin, dass bei der Spectral-Stripping-Korrektur die Streuung in der Luft nicht berücksichtigt wurde. Für die Höhenkorrektur werden in der Folge die experimentell bestimmten Abschwächungskoeffizienten verwendet, um diesem Umstand Rechnung zu tragen.

## 4.6.2 Höhenkorrektur

Die Flughöhe wird mit einem Radarhöhenmesser gemessen. Bei rauhem Untergrund z.B. Felsen oder Wald, kann es vorkommen, dass ein Radarecho nicht mehr reflektiert wird was sich in einer starken Spitze in der Höhenaufzeichnung äussert.

Diese Spikes werden vor der Höhenkorrektur mit einem speziellen Spikefilter entfernt. Dabei wird das Radarsignal in einem ersten Schritt nach starken Ausschlägen abgesucht. Die Werte in der Umgebung der Spikes werden herausgeschnitten. Die gelöschten Bereiche werden durch lineare Interpolation rekonstruiert. Zuletzt kann das Signal noch geglättet werden.



### Figur 10 : Filterung der Radarhöhen-Daten

Anschliessend erfolgt die Höhenkorrektur für das Kalium-, Uran- und Thoriumfenster nach der Formel:

$$I_{corr} = I_{raw} \cdot \frac{E_2(\mu_{ref} \cdot h_{ref})}{E_2(\mu \cdot h)}$$

(34)

und für die restlichen Fenster mit:

 $I_{corr} = I_{raw} \cdot e^{-\mu \cdot \frac{273.15 \cdot P}{T \cdot 1013.25} \cdot (h_{raf} - h)}$ 

(35)

	Korrigierter Wert	[cnts/s]
Iraw	Unkorrigierter Wert	[cnts/s]
μ <sub>ref</sub>	Abschwächungskoeffizient	
	bei 0°C und 1013 mB	[m <sup>-1</sup> ]
μ	Abschwächungskoeffizient	
	bei Messbedingungen	[m <sup>-1</sup> ]
т	Temperatur	[°C]
Р	Luftdruck	[HPa]
h <sub>ref</sub>	Referenzhöhe	[m]
h	Flughöhe	[m]
E <sub>2</sub>	Exponentielles Integral	
	2. Ordnung	

### 4.7 Inversion

Für die Umrechnung der gemessenen, detektorspezifischen Zählrate in allgemeine Einheiten, wie Dosis oder Radionuklidkonzentrationen, werden die Ausbeutekurve (efficiency curve) und die Empfindlichkeit (sensitivity) des Detektors benötigt.

Die Ausbeutekurve gibt das Verhältnis von einfallenden zu registrierten Gammaquanten in Abhängigkeit der Gammaenergie an. Die Detektorempfindlichkeit ist die eigentliche Konversionskonstante. Sie hängt vom Abstand zur Quelle, von der Quellengeometrie und von der Aktivitätsverteilung ab.

### 4.7.1 Bestimmung der Ausbeutekurve

Für die Kalibrationsflüge werden eine Cs<sup>137</sup> und eine Co<sup>60</sup> Quelle mit Aktivitäten von ungefähr 1.8 GBq (50 mCi) benötigt. Die Messungen erfolgen im Schwebeflug in Abständen von 30.5 m, 61 m, 91.5 m, 122 m und 152.5 m von der Quelle. Als Messzeit wurde für jede Höhe 180 s gewählt. Zusätzlich wird in jeder Höhe die natürliche Backgroundstrahlung gemessen.

leista

(100 m)

Nach Entfernung des Backgrounds gilt für die Zählrate im Abstand x von einer Punktquelle:

I(x) =	$=\frac{Q\cdot\varepsilon\cdot s}{4\cdot\pi\cdot x^2}\cdot e^{-\mu}$	· x	
			(36)
Durch Um	formen erhä	lt man die Beziehung:	
$\ln\left(\frac{I()}{}\right)$	$\left(\frac{x)\cdot 4\cdot \pi \cdot x^2}{s}\right)$	$=\ln(Q\cdot\varepsilon)-\mu\cdot x$	
Ň			(37)
	l(x)	Zählrate	[cnt/s]
	x	Quellenabstand	[m]
	3	Ausbeute (efficiency)	[cnts/γ]
	S	Detektorquerschnitt	[m <sup>2</sup> ]
	μ	Abschwächungskoeffizient	[m <sup>-1</sup> ]
	Q	Quellenstärke	[γ/s]

Mit linearer Regression lässt sich daraus Q $\epsilon$  und  $\mu$  bestimmen.

Tabelle 11 : Resultate der Kalibrationsmessungen mit je einer Cäsium- und einer Kobalteichquelle vom 29.8.1989 in Spiez.

Nuklid	Energie [keV]	Qτε [cnts/s]	μ [m <sup>-1</sup> ]	R²
Cs <sup>137</sup>	660	6.78E8	.0092	0.968
C0 <sup>60</sup>	1330	5.29E8	.0075	0.963

Die Quellenstärke Q der Kalibrationsquellen und damit die Ausbeute des Detektors kann aus der bekannten Aktivität A und der Zahl der emittierten Gammaquanten je Kernzerfall ZA berechnet werden.

- 46 -

Tabelle 12 : Detektorausbeute ε bei den Energien 660 keV und 1330 keV. Wobei A die Aktivität, Q die Quellenstärke und ZA die Zerfallsausbeute der Kalibrationsquellen darstellt.

Nuklid	Energie	A	ZA	Q	ε
	[keV]	[Bq]	[y/sBq]	[y/s]	[cnts/γ]
Cs <sup>137</sup>	660	1.85E9	0.85	1.57E9	0.43
Co <sup>60</sup>	1330	1.81E9	1.00	1.81E9	0.29

Die Ausbeutekurve lässt sich im Energiebereich von 400 keV bis 6000 keV für Nal-Detektoren durch eine Potenzfunktion annähern:

 $\varepsilon(E) = D \cdot E^c$ 

(38)

ε(E)	Ausbeutekurve	[cnts/γ]
E	Gammaenergie	[keV]
D, c	Detektorkonstanten	

Durch Einsetzen der ε-Werte aus Tabelle 12 in diese Gleichung erhält man für die Detektorkonstanten die Werte D=16.3 und c=-0.56. Damit kann die Detektorausbeute für jedes Fenster berechnet werden.

Tabelle 13 : Detektorausbeute in den Energiefenstern

Fenster	mittlere Energie [keV]	ε [cnts/γ]
Cäsium	660	0.43
Kobalt	1250	0.30
Kalium	1460	0.28
Uran	1765	0.25
Thorium	2615	0.20

## 4.7.2 Bestimmung der Detektorempfindlichkeit

Die Detektorempfindlichkeit für Punktquellen kann in 1 m Abstand von der Quelle sehr einfach nach folgender Formel berechnet werden:

$$z = \frac{ZA \cdot \varepsilon \cdot s}{4 \cdot \pi} \cdot e^{-\mu}$$
(39)
$$z \qquad Detektorempfindlichkeit \qquad [cnts/s Bq] \\ \varepsilon \qquad Ausbeutung (efficiency) \qquad [cnts/\gamma] \\ s \qquad Detektorquerschnitt \qquad [m^2] \\ \mu \qquad Abschwächungskoeffizient \qquad [m^{-1}] \\ ZA \qquad Zerfallsausbeute \qquad [\gamma/s Bq]$$

Für Flächenquellen in 1 m Abstand gilt:

 $z = ZA \cdot \varepsilon \cdot s \cdot E_1(\mu)$ 

(40)

Tabelle 14 : Detektorempfindlichkeit z in den Energiefenstern Cäsium und Kobalt für Punkt- und Flächenquellen in 1 m Abstand.

Fenster	Z <sub>Purktquelle</sub> [cnts/sBq]	z <sub>Flächenguelle</sub> [cnts/sBq]	
Cäsium	.0048	0.25	
Kobalt	.0095	0.43	

Die Detektorempfindlichkeit für natürliche Radioisotopen, die als Volumenquellen vorliegen, lässt sich nur mit Hilfe von Kalibrationsplattformen experimentell bestimmen. Aus der Ausbeutekurve kann, zusammen mit Modellrechnungen des Gammaflusses, die Detektorempfindlichkeit in jedem Fenster ungefähr abgeschätzt werden. Für Volumenquellen gilt:

$$z = F_{\gamma} \cdot s \cdot \varepsilon$$

(41)

z	Detektorempfindlichkeit	[cnts/s <sup>.</sup> conz]
Fγ	Gammafluss/Radionuklid-	
	konzentration	[γ/s <sup>·m²·</sup> conz]
3	Ausbeute (efficiency)	[cnts/γ]
S	Detektorquerschnitt	[m²]

Für die Abschätzung der Detektorempfindlichkeit in 0 m Höhe wurde der Gammafluss  $F_{\gamma}$  aus Modellrechnungen von Lovborg et al. (1972) übernommen und für die unterschiedlichen Fensterbreiten korrigiert.

Tabelle 15 : Detektorempfindlichkeit für die natürlichen Gammastrahler. Als Einheiten für die<br/>Radionuklidkonzentration conz wurden Prozente für das Kaliumfenster bezw. ppm für<br/>das Uran- und Thoriumfenster gewählt.

Fenster	Radionuklid- Konzentr. [conz]	F <sub>γ</sub> [γ/s·m²·conz]	z <sub>ETH</sub> [cnts/s:conz]	Z <sub>Lama I</sub> [cnts/s:conz]
Kalium	1%	2640	122	241
Uran	1ppm	262	11	21
Thorium	1ppm	185	6	13

Die Vergleichswerte in der vierten Kolonne (z<sub>Lama I</sub>) stammen von Messungen des Detektorherstellers mit einem Messystem des gleichen Typs mit zwei (statt nur einem) Detektoren (EG+G Geometrics 1980).

Die für die Umrechnung der Radioisotopkonzentration im Boden in Dosiswerte benötigten Konversionsfaktoren sind mit grossen Unsicherheiten behaftet (siehe Tabelle 16). Für die vorliegende Arbeit wurde mit den Zahlen des amerikanischen Health and Safety Laboratory (HASL) gearbeitet (Beck und Planque 1968). Tabelle 16 : Umrechnungsfaktoren für die Radioisotopgehalt (im Boden)↔Dosis (1 m über Grund) Konversion. Die Einheit für Kalium ist µR/h %K bzw. µR/h ppm für Uran- und Thorium. Die Werte stammen von Beck und Planque (1968) (Faktor 1) bezw. von Lovborg et al. (1975) (Faktor 2).

Isotop	Faktor 1	Faktor 2	
Kalium	1.65	1.25	
Uran	0.65	0.50	
Thorium	0.31	0.25	

## 4.8 Kartenerstellung

Die Messpunktdichte in einem Messgebiet ist sehr unterschiedlich. Entlang der Fluglinien wird jede Sekunde eine Messung ausgelöst, was einem Messpunktabstand von 25 m entspricht. Der Abstand der Fluglinien ist sehr viel grösser. Für Uebersichtskartierungen wird meist 500 m, für Detailkartierungen 250 m gewählt.

Für die Kartenerstellung müssen die Daten in einem regelmässigen Raster vorliegen. Die Werte an den Gridpunkten werden durch Interpolation aus den Messdaten berechnet. Das räumliche Verhalten des Gammafeldes lässt sich nicht durch eine glatte Funktion annähern, weil oft scharfe Sprünge z.B. wegen wechselndem Gestein im Untergrund auftreten.

Für die Interpolation wurde deshalb eine sehr einfache Methode gewählt. Das Messgebiet wird in Quadrate mit einer Seitenlänge, die dem halben Fluglinienabstand entspricht, unterteilt ("Sam Int" siehe Beilagen). Jedem Quadrat wird der Mittelwert aller Messwerte, die es enthält, zugewiesen.

Die verbleibenden Quadrate, die noch keinen Wert enthalten, werden nach folgender Vorschrift gefüllt:

- Falls ein leeres Feld mindestens drei direkte, mit Werten belegte Nachbarn besitzt, wird ihm ihr Mittelwert zugewiesen. Dies wird wiederholt, bis im Gitter keine "Löcher" mehr vorhanden sind.



#### Figur 11: Grid und Flugwege

Bei diesem Verfahren werden die ursprünglichen Werte nicht verändert, sondern nur fehlende Gitterpunkte ergänzt. Anschliessend kann das Gitter noch geglättet werden. Die Wahl eines 3 X 3 Boxfilters (=1.5 Fluglinienabstände) hat sich als optimal erwiesen, da so dadurch bei der Filterung die Anomalien kaum verwischt werden. Bei schwachen Signalen, wie beim Cäsium- und Kobaltfenster, musste mit einem grösseren Filter gearbeitet werden, um die gewünschte Glättung zu erreichen (5 X 5 Boxfilter = 2.5 Fluglinienabstände). Dabei werden jedoch die scharfen Peaks stark verflacht.

Für die Kartendarstellung stehen drei Möglichkeiten zur Verfügung:

- Isolinienkarte: Die Werte werden mit Hilfe von farbigen Isolinien dargestellt, wobei die Farben blau-grün-gelb-rot zunehmende Intensitäten kodieren.

- Farbwertkarte: In der Farbwertkarte werden die Messwerte als farbige Quadrate (Pixel) dargestellt (gleiche Farbskala wie bei der Isolinienkarte).
- 3D-Darstellung: Diese Darstellung eignet sich besonders um einen Ueberblick über ein Gebiet zu gewinnen. Die Daten werden als 3-dimensionale Oberfläche aufgetragen, die ebenfalls eingefärbt werden kann.

Im weiteren können für jede Fluglinie Summenspektren oder Einzelfensteraktivitäten (zusammen mit der Radarhöhenvariation) ausgeplottet werden.

## 4.9 Störeffekte

Bei der Interpretation aerogammaspektrometrisch erstellter Dosis- oder Radionuklidkonzentrationskarten muss beachtet werden, dass eine Messung aus der Luft einen Mittelwert über ein grosses Gebiet darstellt und nur die obersten 30 cm bis 50 cm des Untergrundes erfasst werden.

Die Effekte der Vegetation, vor allem von Wald, können das Ergebnis einer Messung abschwächen. Diese zusätzlichen Absorber können in erster Näherung durch eine weitere homogene, absorbierende Schicht ersetzt werden.

Die Intensitätsverminderung durch einen solche Schicht lässt sich grob durch eine Exponentialfunktion annähern:

$I = I_0$	·e <sup>-µ·d</sup>	
		(42)
		Intensität mit Zusatzabsorber
	I <sub>o</sub>	Intensität ohne Zusatzabsorber
	μ	Abschwächungskoeffizient des Absorbers
	d	Dicke der absorbierenden Schicht

Die Abschwächung durch Wald lässt sich aus der mittleren Biomasse von etwa 50 bis 100 kg/m<sup>2</sup>, was einer Schichtmächtigkeit von 5 cm bis 10 cm entspricht und dem Abschwächungskoeffizient von Holz (≈ 5 m<sup>-1</sup>) berechnen. Sie beträgt etwa

30% (Kogan et al. 1969). Auf der Totalcount-Karte des Gebietes um das KKW Beznau und das PSI ist die Intensitätsverminderung durch Wald besonders gut ersichtlich (Beilage 3).

Schwerwiegender sind die Effekte von Bodenfeuchtigkeit und Regen da ihr Einfluss auf die Messungen zeitlich variabel ist. Sie äussern sich nach Kogan et al. 1969 in einer Verminderung der Messwerte um 5% bis 10% (maximal 15% bei starkem Regen).

Um die Effekte von Vegetation und Bodenfeuchtigkeit zu mindern, wird für qualitative Auswertungen mit dem Verhältnis zweier Energiefenster gearbeitet:

 $V = V_0 \cdot e^{-(\mu_1 - \mu_2) \cdot d}$ 

(43)

V	Verhältnis mit Zusatzabsorber
V <sub>o</sub>	Verhältnis ohne Zusatzabsorber
μ1,μ2	Abschwächungskoeffizienten des Absorbers
	in den Energiefenstern 1 und 2
d	Dicke der absorbierenden Schicht

Wie aus den Formeln 42 und 43 ersichtlich ist, wird das Verhältnis zweier Energiefenster durch einen zusätzlichen Absorber weniger stark beeinflusst als die einzelnen Fensterwerte. Dies gilt nicht nur für Bodenfeuchtigkeit und Vegetation, sondern auch für Luft. Verhältnisse eignen sich deshalb sehr gut für die Darstellung von unkorrigierten Rohdaten, da sie durch Variationen in der Flüghöhe nur wenig beeinflusst werden.

Für die Bestimmung der künstlichen Radioaktivität hat sich besonders der sogenannte MMGC-Ratio (Man Made Gross Count Ratio) bewährt. Dabei wird ausgenützt, dass die häufigen künstlichen Radionuklide vor allem bei Gammaenergien unterhalb von 1400 keV strahlen (Cs<sup>137</sup> bei 660 keV, Cs<sup>134</sup> bei 800 keV, Co<sup>60</sup> bei 1170 keV und 1330 keV usw.) die natürlichen Radioisotopen jedoch auch bei höheren Energien (K<sup>40</sup> bei 1460 keV, Bi<sup>214</sup> bei 1765 keV, Tl<sup>208</sup> bei 2615 keV usw.). Das Verhältnis des Tiefenergieanteils (MMGC1) zum Hochenergieanteil (MMGC2) eines Spektrums entspricht also dem Verhältnis von künstlicher zu natürlicher Radioaktivität (V<sub>MMGC</sub>).

$MMGC1 = \sum_{400keV}^{1390keV} I_E$	$V_{MMGC} = \frac{MMGC1}{MMGC2}$	
$MMGC2 = \sum_{1400keV}^{3000keV} I_E$		
		(44)
	Zählrate bei Energie E	[cnts/s]
MMGC1	Fenstersumme MMGC1	[cnts/s]
MMGC2	Fenstersumme MMGC2	[cnts/s]
V <sub>MMGC</sub>	Man Made Gross Count Ratio	

Die Beiträge des atmosphärischen Radons, die ebenfalls zeitlich variabel sind, wurden in der vorliegenden Arbeit nicht korrigiert, weil das Hauptinteresse in der Bestimmung der künstlichen Radioaktivität lag. Schwankungen im Radongehalt der Athmosphäre können jedoch die Totalcount-Intensität beeinflussen. Wegen geringer Urangehalte in den Messgebieten (1 bis 2 ppm) ist dieser Einfluss relativ klein.

Eine weitere Fehlerquelle liegt in den angebrachten Korrekturen selber. Die wichtigsten sind:

- Ungenau bestimmte Korrekturfaktoren: Die Fehler der experimentell bestimmten Korrekturfaktoren sind in den jeweiligen Kapiteln aufgeführt.
- Vereinfachte Korrekturverfahren: Für die Auswertungen in diesem Bericht wurden z.B. die Höhenabhängigkeit der Spektral-Stripping-Korrektur sowie die Einflüsse der Topographie nicht berücksichtigt.
- Unkorrigierbare Effekte: Zu grosse Flughöhen oder asynchrone Drift der Photomultiplier (siehe 4.2.3) können nachträglich nicht mehr korrigiert werden.

Wegen der vielen Hochspannungsleitungen konnte teilweise die Sollflughöhe von 92 m (300 ft) nicht eingehalten werden. So wurde vor allem im Kobaltfenster eine zu geringe Zählrate registriert. Um das Signal weiter verarbeiten zu können, musste mit einem zu kleinen Kalium-Streufaktor für dieses Fenster gearbeitet werden. Deshalb sind in den Kobaltkarten auch Restbeiträge von Kalium enthalten, was sich durch erhöhte Zählraten über gedüngten (Kunstdünger enthält viel Kalium) Wiesen und Feldern bemerkbar macht.

Die Reproduzierbarkeit aerogammaspektrometrischer Messungen lässt sich wegen der Vielzahl von Störeinflüssen nicht genau bestimmen. Sie übersteigt jedoch den theoretischen Wert (Wurzel des Messwertes) deutlich. Für die Fenster mit hohen Zählraten (Total, MMGC1 und MMGC2) beträgt der Fehler 10% bis 15%, bei Fenstern mit niedrigen Zählraten (Cäsium, Kobalt, Kalium, Uran und Thorium) muss mit Ungenauigkeiten bis 20% gerechnet werden. Verhältnisse weisen geringere Unsicherheiten von etwa 5% auf.

## **5 KURZKOMNMENTARE ZU DEN KARTEN**

Die Kartendarstellungen der Resultate erfolgen einheitlich im Massstab 1:50'000 in schweizerischen Landeskoordinaten.

Ausser den Flugwegkarten wird für die Darstellung der gemessenen bzw. berechneten Werte eine Vierfarbenskala verwendet (blau-grün-gelb-rot  $\rightarrow$  zunehmende Werte). In den Kartenlegenden sind die Wertebereiche der einzelnen Farben angegeben ("Minimum", "Maximum"). Infolge der starken Spitzenwerte wird bei einem oberen Grenzwert ("Clip") mit dem Zeichnen der Isolinien abgebrochen. Der Isolinienabstand ist bei der Position "Step" ersichtlich.

Für jede Darstellungsart werden bei allen Standorten die selben Skalen und Plotparameter verwendet:

Tabelle 17 : Farbskalen und Piotparameter

Darstellung	Blau	Grůn	Gelb	Rot	Clip	Step
Total-Counts	<300	300-500	500-700	>700	1200	40
MMGC-Ratio	<5.0	5.0-5.5	5.5-6.0	>6.0	10	0.1
Co <sup>60</sup>	<7	7-14	14-21	>21	40	1.0
Cs <sup>137</sup>	<14	14-28	28-42	>42	80	2.0

Ferner wird in den Kartenlegenden der Mittelwert, die Standardabweichung sowie Minimum und Maximum aller Daten im Messgebiet aufgeführt.

## 5.1 Karten KKB/PSI

### Beilage 1: Flugwegkarte KKB/PSI

PSI-West ist mit einem Dreieck, PSI-Ost mit einem gefüllten Dreieck gekennzeichnet. Die Position vom KKB wird durch ein gefülltes Quadrat markiert. Die Symbole kennzeichnen jeweils die Mitte der Areale.

### Beilage 2: Total-Counts KKB/PSI, unkorrigiert

Bereits in dieser Darstellung zeichnen sich zwei deutliche Maxima über PSI-Ost und PSI-West ab. Das KKB ist kaum ersichtlich.

### Beilage 3: Total-Counts KKB/PSI, korrigiert

Durch die Korrekturen werden die Messwerte generell reduziert ohne das KKB deutlicher hervorzuheben. Die grossräumige Variation der Werte korreliert gut mit den Unterschieden in der Vegetation (Wiesen  $\rightarrow$  hoch, Wald und Flüsse  $\rightarrow$  niedrig)

### Beilage 4: MMGC-Ratio KKB/PSI, unkorrigiert

Bereits in den unkorrigierten Daten ist das KKB erkennbar. Noch höhere Werte wurden im südlich davon gelegenen PSI-Areal gemessen.

### Beilage 5: MMGC-Ratio KKB/PSI, korrigiert

Die dargestellten Werte wurden durch die Ausführung sämtlicher im Text beschriebenen Korrekturn berechnet. Die Standorte KKB und PSI treten deutlicher in Erscheinung. Erhöhte Werte findet man aber auch ausserhalb der Areale von KKB und PSI.

#### Beilage 6: MMGC-Ratio KKB/PSI, korrigiert und geglättet

Die Glättung reduziert die Maxima und verwischt viele Details.

### Beilage 7: Co<sup>60</sup> KKB/PSI, korrigiert und geglättet

PSI-Ost und PSI-West sind deutlich zu erkennen. Das KKB zeigt ein wesentlich schwächeres Signal. Die beiden gelb gefärbten Gebiete werden durch gedüngtes Kulturland verursacht (K<sup>40</sup>-Effekt, vergleiche Seite 55).

### Beilage 8: Cs<sup>137</sup> KKB/PSI, korrigiert und geglättet

Es zeichnet sich nur das PSI-Areal ab (relativ breitflächig).

### Beilage 9: 3D-Darstellung des MMGC-Ratio KKB/PSI

Dargestellt sind die gleichen Werte wie auf Beilage 5 (Blickrichtung: Nord-Süd). Drei Maxima sind ersichtlich: KKB (links, klein), PSI-Ost (mitte) und PSI-West (rechts). Für die Farbskala wurden die in Tabelle 17 aufgeführten Werte verwendet.

### Beilage 10: Verteilung der künstlichen Aktivität KKB/PSI

Die Darstellung lässt die Gebiete mit signifikant erhöhter künstlicher Aktivität deutlich erkennen. Ohne nennenswerte künstliche Strahlungsbeiträge in den Spektren beträgt der MMGC-Ratio ( $V_{MMGC}$ ) ungefähr 4 bis 4.5 (bei 100 m Flughöhe). Bei der Darstellung in dieser Beilage wurde deshalb  $V_{MMGC}$ -4 aufgetragen. Für die Isolinien sind nichtlineare Abstände gewählt worden.

## 5.2 Karten KKG

### Beilage 11: Flugwegkarte KKG

Aus Lärmschutzgründen wurde das Gebiet von Niedergösgen nicht überflogen (Lücke am Ostrand des Messgebiets). Die Position vom KKG wird durch ein gefülltes Quadrat markiert.

## Beilage 12: MMGC-Ratio KKG, korrigiert

Das Kartenbild zeigt durchwegs normale Werte. Das KKG ist nicht zu erkennen.

### Beilage 13: Co<sup>60</sup> KKG, korrigiert und geglättet

Das Kartenbild zeigt durchwegs normale Werte. Das KKG ist nicht zu erkennen.

### Beilage 14: Cs<sup>137</sup> KKG, korrigiert und geglättet

Der Standort ist nicht ersichtlich und fällt nicht mit den höchsten Messwerten zusammen.

### 5.3 Karten KKM

#### Beilage 15: Flugwegkarte KKM

Die Position vom KKM wird durch ein gefülltes Quadrat markiert.

#### Beilage 16: MMGC-Ratio KKM, korrigiert

Der Standort des KKM zeichnet sich sehr deutlich ab (Maximum 14.9, Werte>10 nicht dargestellt).

### Beilage 17: Co<sup>60</sup> KKM, korrigiert und geglättet

Der Standort des KKM zeichnet sich sehr deutlich ab.

## Beilage 18: Cs<sup>137</sup> KKM, korrigiert und geglättet

Der Standort des KKM zeichnet sich sehr deutlich ab.

## 5.4 Karten KKL

### Beilage 19: Flugwegkarte KKL

Diesmal befindet sich das Kernkraftwerk nicht in der Mitte des abgeflogenen Gebietes (Landesgrenze). Die Position vom KKL wird durch ein gefülltes Quadrat markiert.

### Beilage 20: MMGC-Ratio KKL, korrigiert

In der MMGC-Ratio-Darstellung ist der KKL-Standort ist als isometrisches Isolinienbild erkennbar.

## Beilage 21: Co<sup>60</sup> KKL, korrigiert und geglättet

Der Standort des KKL zeichnet sich nur schwach ab.

### Beilage 22: Cs<sup>137</sup> KKL, korrigiert und geglättet

Der Standort des KKL ist nicht zu erkennen. Auch sonst sind keine erhöhten Werte feststellbar.

## 6 LITERATURVERZEICHNIS

- ADAMS, J.A.S., GASPARINI, P., 1970: Gamma-Ray Spectrometry of Rocks. Elsevier Publishing Company, Amsterdam/London/New York.
- DURRANCE, E.M., 1986: Radioactivity in geology: principles and applications. Ellis Horwood Ltd., Chichester (England).
- EG&G GEOMETRICS, 1980: Aerial gamma ray and magnetic survey montrose detail projects colorado: Final report. EG&G Geometrics, Sunnyvale (California).
- GRASTY, R.L., 1975: Uranium measurements by airborne gamma-ray spectrometry. Geophysics, Vol.40,No.3;P.503-519.
- GRASTY, R.L., ET AL., 1985: The analysis of multichannel airborne gamma-ray spectra. Geophysics, Vol.50,No.12;P.2611-2620.
- KOGAN, R.M. ET AL., 1969: Gamma Spectrometry of Natural Environments and Formations, Atomiztad, Moskau.(Englische Uebersetzung: Israel Program for Scientific Translations Ltd., Jerusalem, 1971).
- LøVBORG, L., 1972: Quantitative interpretation of the gamma-ray spectra from geologic formations. Proc. of the second international symposium on the natural radiation environment, Houston (Texas), Vol.1;P.155-180.
- MATHIS, G.L., 1987: Smoothing spectral gamma logs: A simple but effective technique. Geophysics, Vol.52,No.3;P.363-367.
- PRESS, W.H., ET AL., 1986: Numerical Recipes: The Art of Scientific Computing. Cambridge University Press, Cambridge (England).
- PURVANCE, D., NOVAK, E., 1983: General procedure for calibration and reduction of aerial gamma-ray measurements: Specification BFEC 1250-B.
   U.S. Department of Energy, Rep. GJBX-16(83) DE84004974.
- RAKOW, A., 1962: Tabelle zur Identifizierung unbekannter Gammaspektren, Verlag Karl Thieming KG, München.

- SCHWARZ, G.F., 1988: GAMERO: Ein integriertes Programmpaket zur Auswertung aeroradiometrischer Daten. Interner Bericht, Inst. f. Geophysik ETHZ, Zürich.
- WARD, D.L., 1978: Construction of calibration pads facility Walker Field, Grand Junction, Colorado. Energy Res. Dev. Agency, Rep. GBJX-37(78).

## 7 BEILAGEN

Beilage 1: Flugwegkarte KKB/PSI Beilage 2: Total-Counts KKB/PSI, unkorrigiert Beilage 3: Total-Counts KKB/PSI, korrigiert Beilage 4: MMGC-Ratio KKB/PSI, unkorrigiert Beilage 5: MMGC-Ratio KKB/PSI, korrigiert Beilage 6: MMGC-Ratio KKB/PSI, korrigiert und geglättet Beilage 7: Co<sup>60</sup> KKB/PSI, korrigiert und geglättet Beilage 8: Cs<sup>137</sup> KKB/PSI, korrigiert und geglättet Beilage 9: 3D-Darstellung des MMGC-Ratio KKB/PSI Beilage 10: Verteilung der künstlichen Aktivität KKB/PSI Beilage 11: Flugwegkarte KKG Beilage 12: MMGC-Ratio KKG, korrigiert Beilage 13: Co<sup>60</sup> KKG, korrigiert und geglättet Beilage 14: Cs<sup>137</sup> KKG, korrigiert und geglättet Beilage 15: Flugwegkarte KKM Beilage 16: MMGC-Ratio KKM, korrigiert Beilage 17: Co<sup>60</sup> KKM, korrigiert und geglättet Beilage 18: Cs<sup>137</sup> KKM, korrigiert und geglättet Beilage 19: Flugwegkarte KKL Beilage 20: MMGC-Ratio KKL, korrigiert Beilage 21: Co<sup>60</sup> KKL, korrigiert und geglättet Beilage 22: Cs<sup>137</sup> KKL, korrigiert und geglättet

### Beilage 1: Flugwegkarte KKB/PSI



# Beilage 2: Total-Counts KKB/PSI, unkorrigiert



### Beilage 3: Total-Counts KKB/PSI, korrigiert



000	•					
-1	-	-				
	-	27	2(	00	0	.
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
	-	27	0(	00	0	
-	-					
	-					
	-					
	-					
	_					
-	_					
	-					
		26	80	00	0	
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
	_	26	60	00	0	
	L.		0.		~	•
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
		26	11	00	0	
	-	-0		50	<b>v</b>	•
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
		25	20		0	
		20	21	10	U	•
	-					
	-					
1	-					
000						
	•				_	

### Beilage 4: MMGC-Ratio KKB/PSI, unkorrigiert



-

000			
100	•		
	+		
	+ 2	272000	Ο.
	H		
	L		
	Г		
	F		
	-		
	-		
	-		
	-		
	-	7000	2
		10000	1.
	-		
	+		
	-		
	1		
	-		
	-		
	-		
	-		
	1 2	68000	)
-	C	00000	· · ·
	Γ		
	-		
	-		
	L		
	F		
	-		
	-		
	- 2	66000	)
		00000	
	-		
	-		
	-		
	-		
	-		
	-		
	- 2	64000	).
	-		
	-		
	-		
	-		
	-		
	-		
	_		
	- 5	95000	).
	-		
	-		
	_		
	_		
1	-		
00			
	•		

### Beilage 5: MMGC-Ratio KKB/PSI, korrigiert



1

000	٠					
1	_	07	2	00	0	
	L	21	21	50	U	•
	F					
	-					
	-					
	-					
			_		_	
	-	27	0(	00	0	<b>2</b>
	Ľ					
	-					
	-					
	-					
	Ľ					
	Ľ					
	F					
	-	26	8	00	0	•
	-					
1						
1	Ĺ					
	-					-
	-					
	-					
	Ľ					
	-	26	6	00	0	
	-		-			
	-					
	-					
	Ľ					
	-					
	-					
	-					
	-	00		20	0	
		20	41	50	U	•
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
	-					
	-	26	20	00	0	
	Ľ					
	-					
	-					
000	•					
	-					

### Beilage 6: MMGC-Ratio KKB/PSI, korrigiert und geglättet



## Beilage 7: Co<sup>60</sup> KKB/PSI, korrigiert und geglättet



## Beilage 8: Cs<sup>137</sup> KKB/PSI, korrigiert und geglättet






Beilage 10: Verteilung der künstlichen Aktivität KKB/PSI

30



248000. 246000. 244000.



	250000.
	248000.
	246000.
	244000.
F	

.



250000.
248000.
246000.
244000.



1	
	- 250000.
	248000.
	246000.
	244000.

## Beilage 15: Flugwegkarte KKM



· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	206000.
	204000.
	202000.
	200000.
	198000.



).		]
+		
F		
Ľ		
-		
+	206000.	
E		ł
Ę		
-		
-		
L		
-		
-		
t	204000.	
F		
-		
-		
-		
ŀ		
F	202000	
L	202000.	
-		
F		
-		
-		
Ľ		
L	200000.	
-		
-		and the second se
Ľ		
-		
F		
F		
-	198000.	
-		
Ľ		
-		
-		



				_	_					
0									1	
	-									
		2	0	6	0	0	0	٠		
		2	0	4	0	0	0			
		5	0	5	0	0	0			
		2	0	0	0	0	0	•		
		1	9	8	0	0	0			
0	+									







## Bellage 21: Co<sup>60</sup> KKL, korrigiert und geglättet



